## **CONTENIDO**

Prefacio	XV
CAPITULO 1: ¿Qué es la investigación de operaciones?	1
1.1 Modelos de investigación de operaciones	1
1.2 Solución del modelo de investigación de operaciones	4
1.3 Modelos de colas y simulación	5
1.4 El arte del modelado	5
1.5 Más que sólo matemáticas	6
1.5 Más que sólo matemáticas	8
1.7 Acerca de este libro	9
1.7 Acerca de este libro	11
2.1 Modelo de programación lineal con dos variables	11
2.2 Solución gráfica de la programación lineal	14
2.2.1 Solución de un modelo de maximización	15
2.2.2 Solución de un modelo de minimización	18
2.2.3 Solución gráfica con TORA	20
2.3 Análisis gráfico de sensibilidad	23
2.3.1 Cambios en los coeficientes de la función objetivo	24
2.3.2 Cambio en disponibilidad de recursos	27
2.3.3 Valor por unidad de un recurso	28
2.4 Soluciones de problemas de programación lineal en .	
computadora	33
computadora	33
2.4.2 Solución de programación lineal con Solver de Excel	36
2.4.3 Solución de programación lineal con LINGO y AMPL	38
2.5 Análisis de modelos seleccionados de programación lineal	47
Referencias seleccionadas	66
Problemas integrales	67
CAPITULO 3: El método símplex	71
3.1 Espacio de soluciones en forma de ecuación	71
3.1.3 Conversión de desigualdades a ecuaciones	71
3.1.2 Manejo de variables no restringidas	73
3.2 Transición de solución a solución algebraica	75
3.3 El método símplex	80
3.3.1 Naturaleza interativa del método símplex	80
3.3.2 Detalles de cálculo del algoritmo símplex	83
3.3.3 Iteraciones sámplex con TORA	92
3.4 Solución artificial de inicio	94
3.4.1 Método <b>M</b>	94
3.4.2 Método de dos fases	98
3.5 Casos especiales de aplicación del método símplex	103
3.5.1 Degeneración	103
3.5.2 Óptimos alternativos	106
3.5.3 Solución no acotada	109
3.5.4 Solución no factible	110
Referencias seleccionadas	112

Problemas integrales	112
CAPITULO 4: Análisis de dualidad y sensibilidad	115
4.1 Definición del problema dual	115
4.2 Relaciones primal-dual	120
4.2.1 Repaso de operaciones matriciales sencillas	120
4.2.2 Planteamiento de la tabla símplex	122
4.2.3 Solución dual óptima	122
4.2.4 Cálculos con la tabla símplex	126
4.2.5 Valor objetivo primal y dual	130
4.3. Interpretación económico de las variables duales	132
4.3.1 Interpretación económica de las variables duales	132
4.3.2 Interpretación económica de las restricciones duales	135
4.4 Otros algoritmos símplex para programación lineal	137
4.4.1 Método dual símplex	137
4.4.2 Algoritmo símplex generalizado	143
4.5 Análisis postóptimo o de sensibilidad	144
4.5.1 Cambios que afectan la factibilidad	145
4.5.2 Cambios que afectan la optimalidad	155
Referencias seleccionadas	161
Problemas integrales	162
CAPITULO 5: Modelo de transporte y sus variantes	165
5.1 Definición del modelo de transporte	165
5.2 Modelos no tradicionales de transporte	172
5.3 El algoritmo de transporte	177
5.3.1 Determinación de las solución de inicio	178
5.3.2 Cálculos iterativos del algoritmo de transporte	182
5.3.3 Solución del modelo de transporte con TORA	187
5.3.4 Explicación del método de los multiplicadores con el	
Método símplex	195
5.4 El modelo de asignación	196
5.4.1 El método húngaro	197
5.4.2 Explicación del método húngaro con el método símplex .	202
5.5 El modelo de transbordo	203
Referencias seleccionadas	208
Problemas integrales	208
CAPITULO 6: Modelos de redes	213
6.1 Definiciones para redes	214
6.1 Definiciones para redes	215
6.3 Problema de la ruta más corta	220
6.3.1 Ejemplos de aplicaciones de ruta más corta	220
6.3.2 Algoritmos de ruta más corta	224
6.3.3 Formulación del problema de la ruta más corta en	
programación lineal	234
6.3.4 Solución del problema de la ruta más corta con hoja de	
cálculo Excel	237
6.4 Modelo de flujo máximo	239
6.4.1 Enumeración de cortes	240
5.4.2 Algoritmo de flujo máximo	241

6.4.3 Formulación del problema de flujo máximo con	
programación lineal	250
6.4.4 Solución del problema de flujo máximo con hoja de	
cálculo Excel	250
6.5 Problema del flujo capacitado con costo mínimo	252
6.5.1 Representación en red	252
6.5.2 Formulación con programación lineal	254
6.5.3 Algoritmo símplex de red capacitada	259
6.5.4 Solución del modelo de flujo capacitado con costo	
mínimo con hoja de cálculo Excel	265
6.6 Métodos CPM y PERT	266
6.6.1 Representación en red	267
6.6.2 Cálculos para la ruta crítica (CPM)	272
6.6.3 Construcción del cronograma	275
6.6.4 Formulación del método de la ruta crítica con	
Programación lineal	281
6.6.5 Redes de PERT	283
Referencias seleccionadas	286
Problemas integrales	286
CAPITULO 7: Programación lineal avanzada	289
7.1 Fundamentos de métodos símplex	289
7.1.1 Desde puntos extremos hasta soluciones básicas	290
7.1.2 Tabla simplex generalizada en forma matricial	294
7.2 Métodos símplex modificado	297
7.2.1 Desarrollo de las condiciones de optimalidad y	
factibilidad	298
7.2.2 Algoritmo símplex modificado	300
7.3 Algoritmo de variables acotadas	305
7.4 Algoritmo de descomposición	312
7.5 Dualidad	322
7.5.1 Definición matricial del problema dual	322
7.5.2 Solución dual óptima	322
7.6 Programación lineal paramétrica	326
7.6.1 Cambios paramétricos en C	327
7.6.2 Cambios paramétricos en b	329
7.7 Método del punto interior de Karmarkar	332
7.7.1 Idea básica del algoritmo del punto interior	332
7.7.2 Algoritmo del punto interior	334
Referencias seleccionadas	344
Problemas integrales	344
CAPITULO 8: Programación de metas	347
8.1 Una formulación de programación de metas	347
8.2 Algoritmos de programación de metas	352
8.2.1 El método de factores de ponderación	352
8.2.2 El método por jerarquías	354
Referencias seleccionadas	359
Problemas integrales	359

CAPITULO 9: Programación lineal entera	361
9.1 Aplicaciones ilustrativas	361
9.2 Algoritmos de programación entera	372
9.2.1 Algoritmo de ramificación y acotamiento (B&B)	373
9.2.2 Árbol de ramificación y acotamiento generado con Tora	379
9.2.3 Algoritmo del plano cortante	384
9.2.4 Consideraciones computacionales en programación	
lineal entera	389
9.3 Solución del problema del agente viajero	390
9.3.1 Algoritmo de solución con ramificación y acotamiento	393
9.3.2 Algoritmo del plano de corte	396
Referencias seleccionadas	397
Problemas integrales  CAPITULO 10: Programación dinámica determinística	397
	401
10.1 Naturaleza recursiva de los cálculos en programación	
dinámica	401
10.2 Recursión en avance y en reversa	404
10.3 Aplicaciones de programación dinámica	406
10.3.1 Problema de la mochila/equipo de vuelo/carga del	
contenedor	407
10.3.2 Modelo del tamaño de la fuerza de trabajo	415
10.3.3 Modelo de reposición de equipo	418
10.3.4 Modelo de inversión	421
10.3.5 Modelos de inventario	425
10.4 Problema de dimensionalidad	425
Referencias seleccionadas	428
Problema integral	428
CAPITULO 11: Modelos determinísticos de inventarios	429
11.1 Modelo general de inventario	429
11.2 Modelos estáticos de cantidad económica de pedido	420
(CEP, o EOQ)	430
11.2.1 Modelo clásico de cantidad económica de pedido	430
11.2.2 Cantidad económica de pedido con discontinuidades	435
de precio	433
limitación de almacén	439
11.3 Modelos dinámicos de cantidad económica de pedido	443
	444
11.3.1 Modelo sin costo de preparación	448
Referencias seleccionadas	460
Problemas integrales	460
Problemas integrales	463
12.1 Leyes de la probabilidad	463
12.1.1 Ley aditiva de las probabilidades	464
12.1.2 Ley de la probabilidad condicional	465
12.2 Variables aleatorias y distribuciones de probabilidades	467

12.3 Expectativa de una variable aleatoria	469
12.3.1 Media y varianza de una variable aleatoria	470
12.3.2 Media y varianza de variables aleatorias conjuntas	471
12.4 Cuatro distribuciones comunes reprobabilidades	474
12.4.1 Distribución binomial	474
12.4.2 Distribución de Poisson	476
12.4.3 Distribución exponencial negativa	477
12.4.4 Distribución normal	478
12.5 Distribuciones empíricas	480
Referencias seleccionadas	489
CAPITULO 13: Modelos de pronóstico	491
13.1 Técnica del promedio móvil	491
13.2 Suavización exponencial	495
13.3 Regresión	497
Referencias seleccionadas	501
Problema integral	502
APITULO 14: Análisis redecisiones y juegos	503
14.1 Toma de decisiones bajo certidumbre: Proceso de jerarquía	
analítica (AHP)	503
14.2 Toma de decisiones bajo riesgo	513
14.2.1 Criterio del valor esperado	514
14.2.2 Variaciones del criterio del valor esperado	519
14.3 Decisión bajo incertidumbre	527
14.4 Teoría de juegos	532
14.4.1 Solución óptima de juegos de dos personas con suma	
cero	532
14.4.2 Solución de juegos con estrategia mixta	536
Referencias seleccionadas	543
Problemas integrales	543
CAPITULO 15: Programación dinámica probabilística	547
15.1 Un juego aleatorio	547
15.2 Problema de inversión	550
15.3 Maximización del evento de lograr una meta	554
Referencias seleccionadas	558
Problema integral	558
Problema integral  CAPITULO 16: Modelos probabilisticos de inventario	559
16.1 Modelos de revisión continúa	559
16.1.1 Modelo "probabilizado" de cantidad económica de	
pedido	559
16.1.2 Modelo probabilista de cantidad económica de pedido.	562
16.2 Modelos de un periodo	567
16.2.1 Modelo sin preparación	567
16.2.2 Modelo con preparación (política s-S)	571
16.3 Modelos de varios periodos	573
Referencias seleccionadas	576
Problemas integrales	576

CAPITULO 17: Sistema de colas	579
17.1 ¿Por qué estudiar sistemas de colas?	579
17.2 Elementos de un modelo de cola	581
17.3 Papel de la distribución exponencial	582
17.4 Modelos con nacimientos y muertes puras (relación entre las	
distribuciones exponencial y de Poisson)	585
17.4.1 Modelo de nacimientos puros	586
17.4.2 Modelo de muertes puras	590
17.5 Modelo generalizado de cola de Poisson	593
17.6 Colas especializadas de Poisson	597
17.6.1 Medidas de desempeño en estado estacionario	599
17.6.2 Modelos con un servidor	602
17.6.3 Modelos con varios servidores	611
17.6.4 Modelo de servicio a máquinas-(M/M/R): (DG/K/K),	
R= K	621
17.7 (M/G/1) :(DG/8/8)-Fórmula de Pollaczek-Khintchine (P-K)	624
17.8 Otros modelos de cola	627
17.9 Modelos de decisión con colas	627
17.9.1 Modelos de costo	627
17.9.2 Modelo de nivel de aspiración	632
Referencias seleccionadas	634
Problemas integrales	634
CAPITULO 18: Modelo de simulación	639
18.1 Simulación Monte Carlo	639
18.2 Tipos de simulación	644
18.3 Elementos de simulación de evento discreto	645
18.3.1 Definición genérica de eventos	645
18.3.2 Muestreo a partir de distribuciones de probabilidades	647
18.4 Generación de números aleatorios	656
18.5 Mecánica de la simulación discreta	567
18.5.1 Simulación manual de un modelo con un servidor	657
18.5.2 Simulación del modelo con un servidor basado en	
hoja de cálculo	663
18.6 Métodos para reunir observaciones estadísticas	666
18.6.1 Método del subintervalo	667
18.6.2 Método de réplica	669
18.6.3 Método regenerativo (ciclo)	669
18.7 Lenguajes de simulación	672
Referencias seleccionadas	674
CAPITULO 19: Proceso de decisión markoviana	675
19.1 Alcance del problema de decisión markoviana: El problema	
	675
del jardinero	677
19.3 Modelo con etapas infinitas	681
19.3.1 Método de enumeración exhaustiva	681
19.3.2 Método de iteración de política sin descuento	684
19.3.3 Método de iteración de política con descuento	687
19.4 Solución con programación lineal	690

19.5 Apéndice: Repaso de las cadenas de Markov	693
19.5.1 Procesos de Markov	694
19.5.2 Cadenas de Markov	694
Referencias seleccionadas	700
CAPITULO 20: Teoría clásica de la optimización	701
20.1 Problemas sin restricción	701
20.1.1 Condiciones necesarias y suficientes	702
20.1.2 Fl método de Newton-Raphson	706
20.2 Problemas con restricciones	708
20.2.1 Restricciones de igualdad	708
20.2.2 Restricciones de desigualdad	723
Referencias seleccionadas	730
CAPITULO 21: Algoritmos de programación no lineal	731
21.1 Algoritmos sin restricción	731
21.1.1 Método de búsqueda directa	731
21.1.2 Método del gradiente	735
21.2 Algoritmos con restricción	738
21.2.1 Programación separable	739
21.2.2 Programación cuadrática	747
21.2.3 Programación geométrica	752
21.2.4 Programación estocástica	757
21.2.5 Método de combinaciones lineales	761
21.2.6 Algoritmo SUMT	763
	704
Referencias seleccionadas	764
Referencias seleccionadas	764 <b>765</b>
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	<b>765</b> 765
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	<b>765</b> 765 765
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765 765 765 765
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765 765 765 765 766
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765 765 765 765 766 766
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765 765 765 765 766 766
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.	765 765 765 765 766 766 766 766
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765 765 765 766 766 766 766 766
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765 765 765 765 766 766 766 766 766 767
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.  A.2.3 Operaciones aritméticas de matrices.  A.2.4 Determinante de una matriz cuadrada.	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768 770
Apéndice A Repaso de vectores y matrices	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768 770
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.  A.2.3 Operaciones aritméticas de matrices.  A.2.4 Determinante de una matriz cuadrada.  A.2.5 Matrices no singulares.  A.2.6 Inversa de una matriz no singular.	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768 770 770
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.  A.2.3 Operaciones aritméticas de matrices.  A.2.4 Determinante de una matriz cuadrada.  A.2.5 Matrices no singulares.  A.2.6 Inversa de una matriz no singular.  A.2.7 Métodos para calcular la inversa de una matriz.  A.3 Formas cuadráticas  A.4 Funciones convexas y cóncavas  Problemas.	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768 770 770 771
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.  A.2.3 Operaciones aritméticas de matrices.  A.2.4 Determinante de una matriz cuadrada.  A.2.5 Matrices no singulares.  A.2.6 Inversa de una matriz no singular.  A.2.7 Métodos para calcular la inversa de una matriz.  A.3 Formas cuadráticas	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768 770 770 771 777
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.  A.2.3 Operaciones aritméticas de matrices.  A.2.4 Determinante de una matriz cuadrada.  A.2.5 Matrices no singulares.  A.2.6 Inversa de una matriz no singular.  A.2.7 Métodos para calcular la inversa de una matriz.  A.3 Formas cuadráticas  A.4 Funciones convexas y cóncavas  Problemas.  Apéndice B Introducción a TORA  B.1 Menú principal.	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768 770 770 771 777 777
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.  A.2.3 Operaciones aritméticas de matrices.  A.2.4 Determinante de una matriz cuadrada.  A.2.5 Matrices no singulares.  A.2.6 Inversa de una matriz no singular.  A.2.7 Métodos para calcular la inversa de una matriz.  A.3 Formas cuadráticas  A.4 Funciones convexas y cóncavas  Problemas.  Apéndice B Introducción a TORA  B.1 Menú principal.  B.2 Modo y formato de ingreso de datos	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768 770 771 777 777 777
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.  A.2.3 Operaciones aritméticas de matrices.  A.2.4 Determinante de una matriz cuadrada.  A.2.5 Matrices no singulares.  A.2.6 Inversa de una matriz no singular.  A.2.7 Métodos para calcular la inversa de una matriz.  A.3 Formas cuadráticas  A.4 Funciones convexas y cóncavas  Problemas.  Apéndice B Introducción a TORA  B.1 Menú principal.  B.2 Modo y formato de ingreso de datos  B.3 Pantalla de ingreso de datos	765 765 765 766 766 766 766 767 768 770 771 777 777 777 777 780 780 780
Apéndice A Repaso de vectores y matrices.  A.1 Vectores.  A.1.1 Definición de un vector.  A.1.2 Suma (resta) de vectores.  A.1.3 Multiplicación de vectores por escalares.  A.1.4 Vectores linealmente independientes.  A.2 Matrices.  A.2.1 Definición de una matriz  A.2.2 Tipos de matrices.  A.2.3 Operaciones aritméticas de matrices.  A.2.4 Determinante de una matriz cuadrada.  A.2.5 Matrices no singulares.  A.2.6 Inversa de una matriz no singular.  A.2.7 Métodos para calcular la inversa de una matriz.  A.3 Formas cuadráticas  A.4 Funciones convexas y cóncavas  Problemas.  Apéndice B Introducción a TORA  B.1 Menú principal.	765 765 765 766 766 766 766 766 767 768 770 771 777 777 777 779 780

B.6 Pantalla de resultados	782
Apéndice C Tablas estadísticas	785
Apéndice D Respuestas parciales de problemas seleccionados	789
Índice	825